

**Examen Teoría de Buque para Capitán de Yate Málaga Nov. 2005**

**Autor: Pablo González de Villaumbrosia García. 15.04.2009**

El yate "SIQUIN" se encuentra en las siguientes condiciones iniciales: Calado proa  $C_{pr}=1,30$  m, calado de popa  $C_{pp}=1,70$  m, Momento debido a superficies libres 15 Tonelámetros, GM inicial=1 m.

En estas condiciones se le somete bruscamente a un momento escorante de 25 Tonelámetros.

Se pide:

- Coordenadas iniciales del centro de gravedad del yate.
- Escora permanente después de aplicado el momento escorante (considerando un ángulo de  $10^\circ$  a cada banda como ángulo límite para la estabilidad inicial.
- Máximo ángulo de inclinación dinámica que alcanzará al serle aplicado el momento escorante (ángulo de equilibrio dinámico).

SOLUCIÓN:

- a) **Coordenadas iniciales del centro de gravedad del yate**

$$C_m = \frac{C_{pp} + C_{pr}}{2} = \frac{1,7 + 1,3}{2} = 1,5 \text{ m}$$

Entrando con  $C_m=1,5$  m, en curvas hidrostáticas yate SIQUIN encontramos:

- $D$ =desplazamiento= $13,6 \times 5=68$  Tn
- $M_u$ =momento unitario para variar asiento 1 cm=  
 $=21,5 \times 0,02=0,43$  Tn/cm= $43$  Tn/m
- $X_C=10,15 \times 0,2=2,03$  m
- $K_M$  transversal= $27,2 \times 0,1=2,72$  m

**Cálculo altura centro de gravedad (KG)**

$$GG_v = \text{corrección por superficies libres} = \frac{\sum i \times d}{D} = \frac{15}{68} = 0,22 \text{ m}$$

En donde:

- $i$ =momento inercia superficies libres=15 Tonelámetros
- $d$ =densidad agua dulce=1 Kg/litro

$$KG \text{ inicial} = K_M - GM \text{ inicial} = 2,72 - 1 = 1,72 \text{ m}$$

$$KG_v = \text{altura centro gravedad corregida por carenas líquidas} = KG \text{ inicial} + GG_v = 1,72 + 0,22 = 1,92 \text{ m}$$

**Cálculo coordenada longitudinal centro de gravedad (XG)**

$$A \times M_u = D \times (X_G - X_C)$$

En donde:

- $A_{\text{final}} = \text{asiento} = C_{\text{pp}} - C_{\text{pr}} = 1,7 - 1,3 = 0,4 \text{ m}$
- $M_u = 43 \text{ Tn/m}$
- $D = \text{desplazamiento yate} = 68 \text{ Tn}$
- $XG_{\text{final}} = \text{lo tenemos que averiguar}$
- $X_C = \text{coordenada longitudinal centro carena} = 2,03 \text{ m}$

$$0,4 \times 43 = 68 \times (XG - 2,03) \rightarrow XG = 2,28 \text{ m a popa}$$

### Cálculo coordenada transversal centro de gravedad (CLG)

Inicialmente el barco se supone adrizado, por lo tanto  $CLG = 0$

### Respuestas pregunta a)

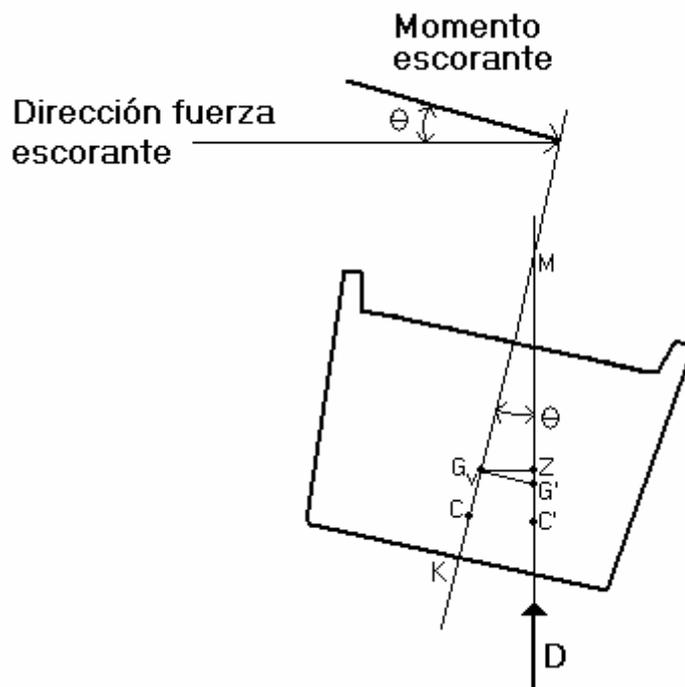
$$KG_v = 1,92 \text{ m}$$

$$XG = 2,28 \text{ m a popa}$$

$$CLG = 0$$

b) Escora permanente después de aplicado el momento escorante

c) Máximo ángulo de inclinación dinámica



$\theta = \text{escora}$

$M_e = \text{momento escorante} = M \times \cos \theta = 25 \times \cos \theta$

$M_a = \text{momento adrizante} = D \times GZ = D \times G_v G' \times \cos \theta$

Si  $M = \text{momento aplicado} = 25 \text{ Tonelámetros}$ , en equilibrio estático  $M_e = M_a$ , o sea:

$$M \times \cos \theta = D \times G_v G' \times \cos \theta \rightarrow G_v G' = \frac{M}{D} = \frac{25}{68} = 0,368 \text{ m.}$$

Por lo tanto CLG=coordenada transversal centro gravedad con escora permanente= $GvG'=0,368$  m

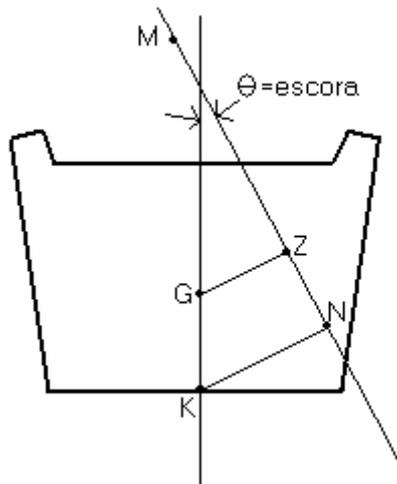
$$GvM=KM - GvM=2,72 - 1,94= 0,78 \text{ m}$$

$\text{tang } \Theta = \frac{GvG'}{GvM} = \frac{0,368}{0,78} \rightarrow \Theta=25^\circ$ . No es válido ya que la escora calculada así no puede ser superior a  $10^\circ$  (estabilidad inicial).

- **Curva del momento adrizante**

De las curvas pantocarenas KN para un desplazamiento  $D= 68$  Tn obtenemos los valores de KN en función de la escora  $\Theta$ .

	20°	30°	40°	50°	60°	70°
KN	1,170	1,680	2,150	2,450	2,660	2,650



$$GZ=KN - KG_v \times \text{sen } \Theta$$

$\Theta$ =ángulo de escora  
 $KG_v=1,94$  m.

$$Ma=\text{momento adrizante}= D \times GZ= D \times (KN - KG_v \times \text{sen } \Theta)$$

Si normalizamos el dibujo de  $Ma$  dividiendo por  $D$ :

$$\frac{Ma}{D} = GZ=KN - KG_v \times \text{sen } \Theta$$

$\Theta$	KN	
0°	–	$GZ_{0^\circ}=0$ m
20°	1,170	$GZ_{20^\circ}=1,17 - 1,94 \times \text{sen } 20^\circ=0,506$ m
30°	1,680	$GZ_{30^\circ}=1,68 - 1,94 \times \text{sen } 30^\circ=0,71$ m
40°	2,150	$GZ_{40^\circ}=2,15 - 1,94 \times \text{sen } 40^\circ=0,903$ m
50°	2,450	$GZ_{50^\circ}=2,45 - 1,94 \times \text{sen } 50^\circ=0,964$ m
60°	2,660	$GZ_{60^\circ}=2,66 - 1,94 \times \text{sen } 60^\circ=0,98$ m
70°	2,650	$GZ_{70^\circ}=2,65 - 1,94 \times \text{sen } 60^\circ=0,827$ m

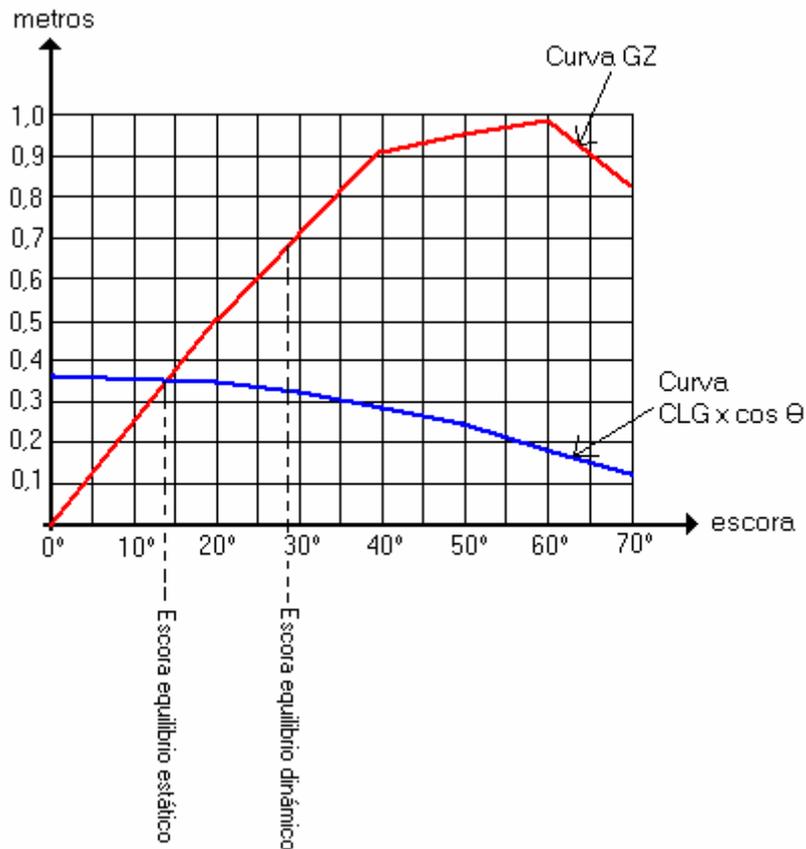
- **Curva del momento escorante**

$M_e = \text{momento escorante} = M \times \cos \Theta$

Al igual que en el caso anterior, normalizamos el dibujo de  $M_e$  dividiendo por  $D$ :

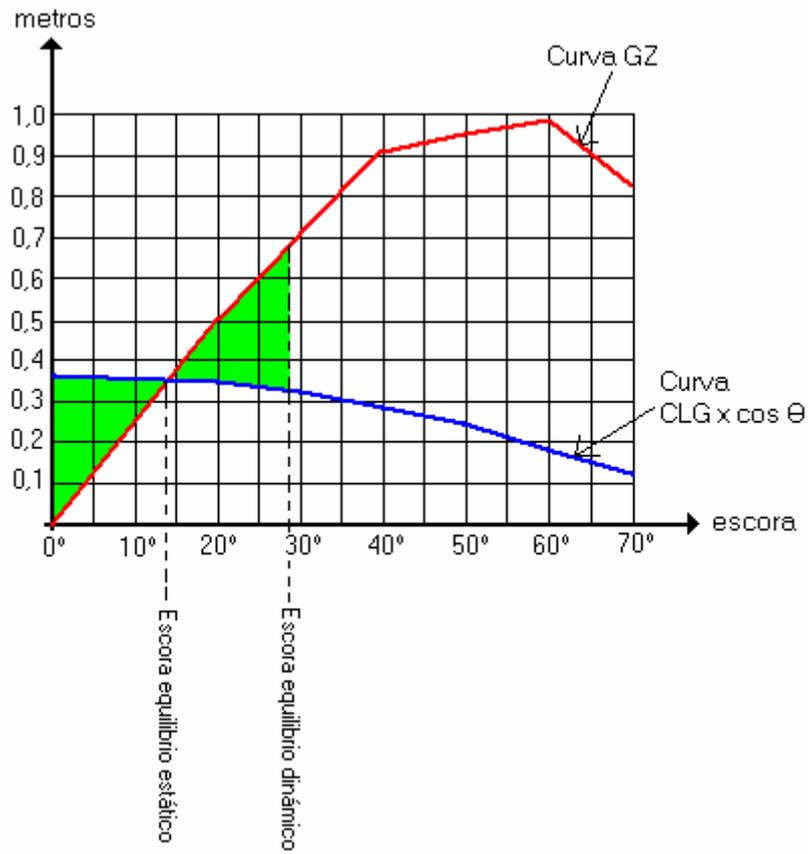
$$\frac{M_e}{D} = \frac{M}{D} \times \cos \phi = \text{CLG} \times \cos \Theta = 0,368 \times \cos \Theta$$

$\Theta$	$\text{CLG} \times \cos \Theta$
$0^\circ$	$0,368 \times \cos 0^\circ = 0,368 \text{ m}$
$20^\circ$	$0,368 \times \cos 20^\circ = 0,346 \text{ m}$
$30^\circ$	$0,368 \times \cos 30^\circ = 0,319 \text{ m}$
$40^\circ$	$0,368 \times \cos 40^\circ = 0,282 \text{ m}$
$50^\circ$	$0,368 \times \cos 50^\circ = 0,236 \text{ m}$
$60^\circ$	$0,368 \times \cos 60^\circ = 0,184 \text{ m}$
$70^\circ$	$0,368 \times \cos 70^\circ = 0,126 \text{ m}$



El ángulo de equilibrio estático es donde se cortan las curvas de GZ y  $\text{CLG} \times \cos \Theta$ , aproximadamente a  $13^\circ$  de escora.

El ángulo de equilibrio dinámico, o ángulo de máximo bandazo, es donde se igualan la áreas abarcadas entre las dos curvas, antes y después de su cruce, aproximadamente unos  $28^\circ$  de escora. En la figura inferior se detallan ambas áreas.

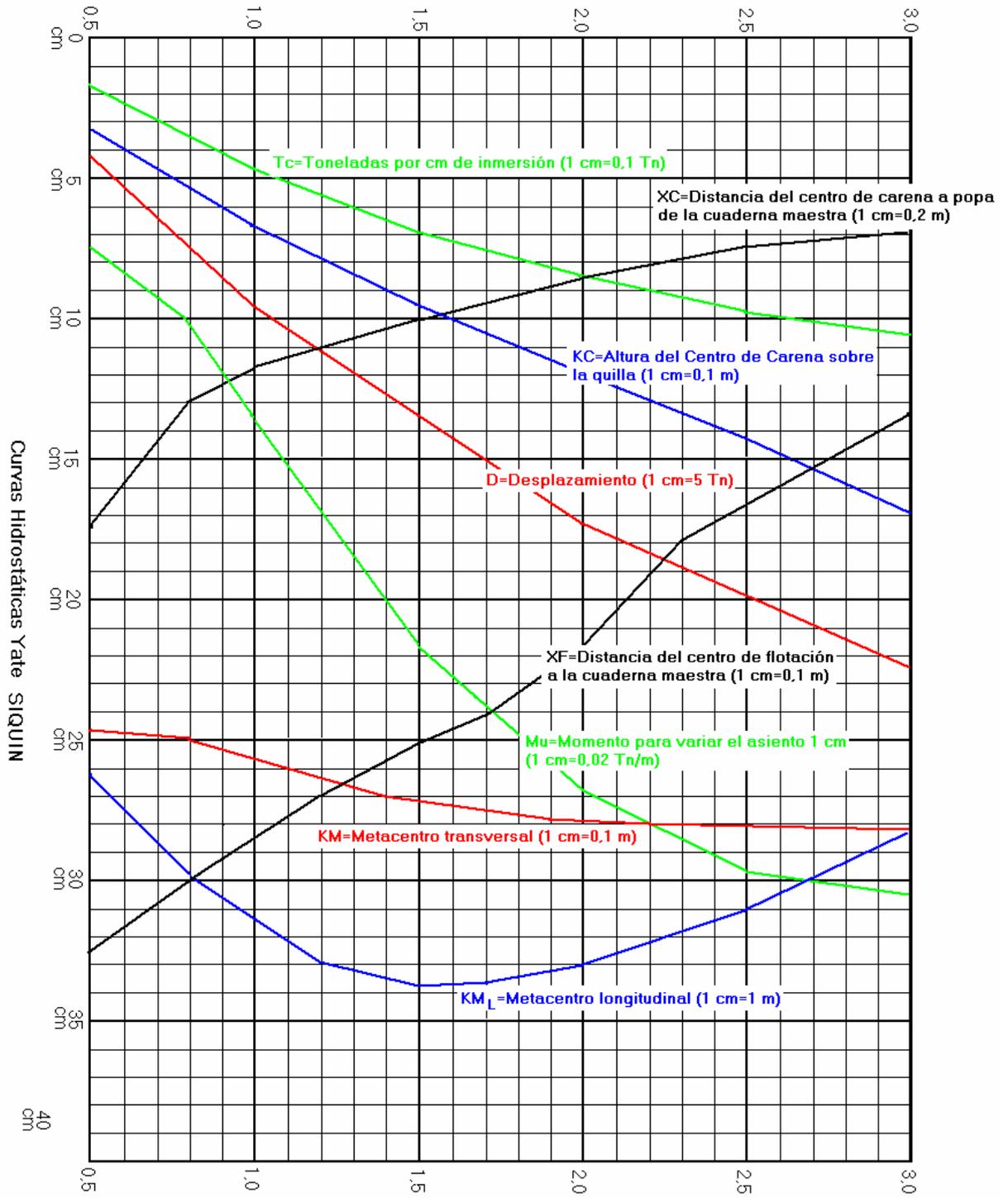


**Respuestas preguntas b) y c)**

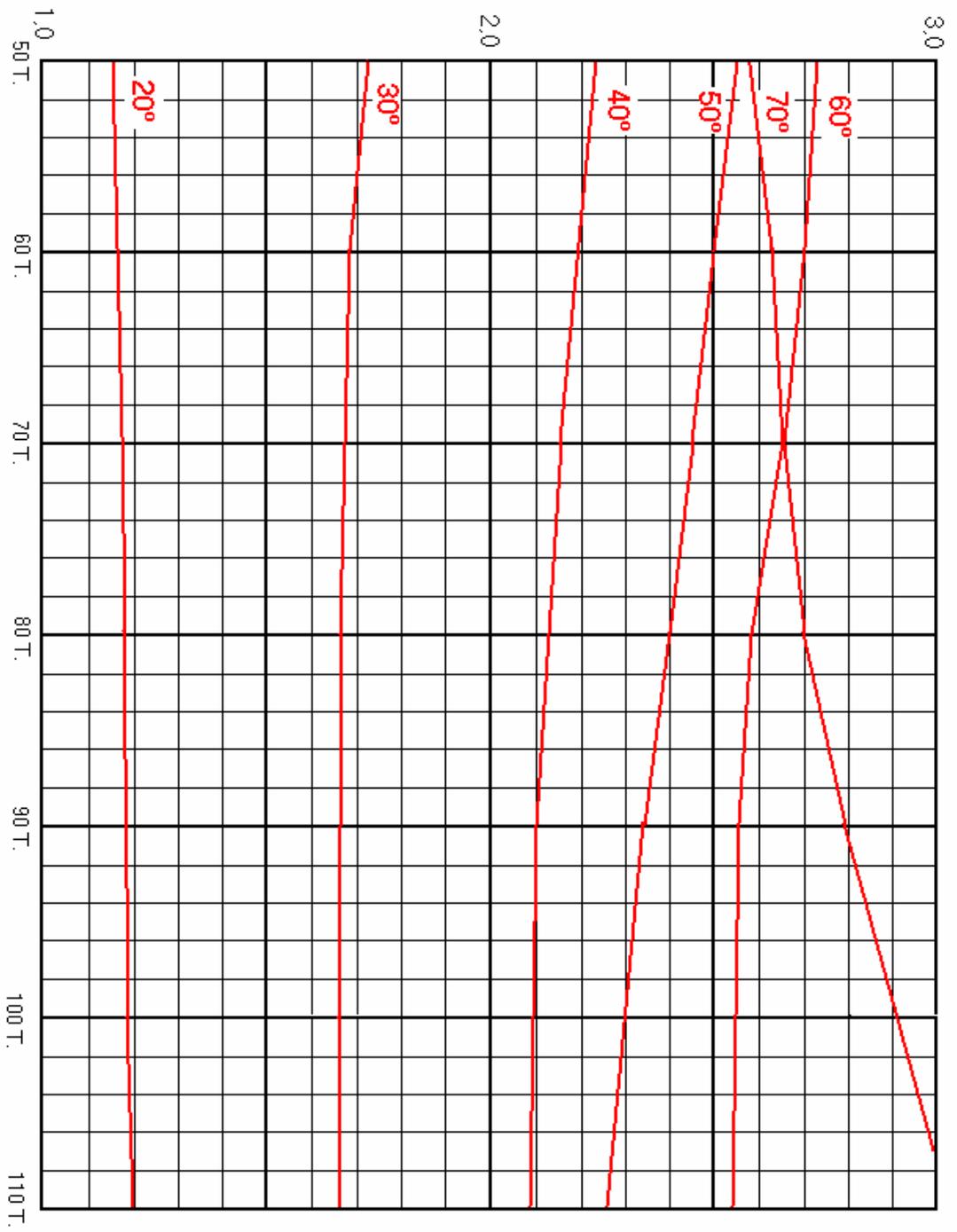
Escora permanente=13°

Máximo ángulo del bandazo=28°

CALADO MEDIO EN METROS



### Valores de "KN" en metros



Pantocarenas o "KN" Yate Siquin